

## I sedici connettivi binari

		(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)
		congiunzione AND ( $\wedge$ )	disgiunzione (inclusiva: vel) OR ( $\vee$ )	implicazione (condizionale) IF-THEN( $\Rightarrow$ )	implicazione opposta ( $\Leftarrow$ )	equivalenza (bicondizionale) ( $\Leftrightarrow$ )	prima proiezione	seconda proiezione	costante FALSO
$p$	$q$	$(p \wedge q)$	$(p \vee q)$	$(p \Rightarrow q)$	$(p \Leftarrow q)$	$(p \Leftrightarrow q)$	$(p)$	$(q)$	$(F)$
$F$	$F$	$F$	$F$	$V$	$V$	$V$	$F$	$F$	$F$
$F$	$V$	$F$	$V$	$V$	$F$	$F$	$F$	$V$	$F$
$V$	$F$	$F$	$V$	$F$	$V$	$F$	$V$	$F$	$F$
$V$	$V$	$V$	$V$	$V$	$V$	$V$	$V$	$V$	$F$

		(1')	(2')	(3')	(4')	(5')	(6')	(7')	(8')
		operazione di Sheffer NAND ( $ $ )	operazione di Pierce NOR ( $\downarrow$ )	inibizione della seconda	inibizione della prima	disgiunzione esclusiva AUT ( $\dot{\vee}$ )	negazione della prima	negazione della seconda	costante VERO
$p$	$q$	$(p   q)$	$(p \downarrow q)$	$(\neg(p \Rightarrow q))$	$(\neg(p \Leftarrow q))$	$(p \dot{\vee} q)$	$(\neg p)$	$(\neg q)$	$(V)$
$F$	$F$	$V$	$V$	$F$	$F$	$F$	$V$	$V$	$V$
$F$	$V$	$V$	$F$	$F$	$V$	$V$	$V$	$F$	$V$
$V$	$F$	$V$	$F$	$V$	$F$	$V$	$F$	$V$	$V$
$V$	$V$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$V$

Si nota che ciascuna coppia di connettivi  $(i)$ ,  $(i')$  costruisce due proposizioni ognuna equivalente alla negazione dell'altra.

### Interdipendenza dei connettivi binari

Le seguenti tautologie:

$$(p \vee q) \iff \neg(\neg p \wedge \neg q) \qquad (p \Rightarrow q) \iff (\neg p \vee q) \qquad (p \Leftrightarrow q) \iff ((p \Rightarrow q) \wedge (p \Leftarrow q))$$

mostrano come sia possibile definire ciascuno dei connettivi binari in termini dei soli “ $\wedge$ ” e “ $\neg$ ”. Inoltre, dalle tautologie

$$(\neg p) \iff (p | p) \qquad \text{e} \qquad (p \wedge q) \iff \neg(p | q)$$

segue che è addirittura sufficiente il solo “ $|$ ” (lo *stroke* di Sheffer).

In modo analogo, dalla tautologia  $(p \wedge q) \iff \neg(\neg p \vee \neg q)$  segue che simile discorso si può fare per “ $\vee$ ” e “ $\neg$ ” (in luogo di “ $\wedge$ ” e “ $\neg$ ”) e quindi per il connettivo “ $\downarrow$ ” di Pierce (in luogo di “ $|$ ”).